

Антонио Грамши

КОМБИНАТОРИКА БАЛКАНСКИХ РИТМОВ

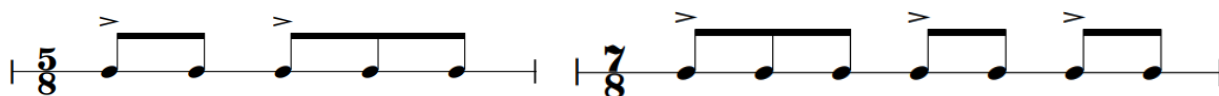
Балканская музыка стала в последнее время очень популярной как в среде музыкантов-исполнителей, так и музыковедов.

Наряду с обычными для европейцев размерами – $2/4$, $3/4$, $4/4$, $6/8$, – в ней используются *смешанные* размеры на 5, 7, 9, 11... (вплоть до 45-ти) долей, имеющие сложную структуру. Эта особенность, в сочетании с характерной ладотональной системой – причудливой смесью европейских и восточных ладов, – придает балканской музыке неповторимый колорит.

Смешанные размеры в балканской музыке представляют собой различные комбинации двух- и трехдольных элементарных размеров, на жаргоне перкуSSIONистов – *двоек* и *троек*.

Подчеркнем, что размеры, состоящие только из двоек или только из троек (например, $12/8$), называются *сложными*.

Например, $|5|=|2+3|$ или $|3+2|$, $|7|=|3+2+2|$ или $|2+3+2|$ или $|2+3+3|$. Каждая двойка или тройка начинается с сильной доли:



В отдельных случаях требуется детализация тройки ($|3|=|2+1|$, $|3|=|1+2|$ или $|3|=|1+1+1|$) и даже двойки ($|2|=|1+1|$). С другой стороны, пары двоек часто сливаются в четверки: $|2+2|=|4|$.

Некоторые ритмические структуры – например, такие как приведенные выше $|5|=|2+3|$ (*Пайдушко*) и $|7|=|2+2+3|$ (*Ръченица*), а также $|9|=|2+2+2+3|$ (*Дайчово хоро*) – используются повсеместно и часто, другие – лишь эпизодически.

Возникает закономерный вопрос: как определить число всевозможных ритмических структур, представляющих собой различные комбинации двоек и троек, для данного размера n ?

Приведем развернутое решение этой задачи.

Начнем с нечетных размеров. Как несложно доказать, всякое нечетное число принадлежит одному из следующих трех классов чисел: $3m$, $3m+2$ и $3m+4$, где m – тоже нечетное число, включая 1.

Рассмотрим нечетные размеры первого класса, то есть вида $n=3m$. Найдем сначала число всевозможных комбинаций для фиксированного набора двоек и троек. Пусть размер n содержит k двоек и l троек. Тогда, очевидно, число всевозможных их комбинаций $S_{k,l} = \binom{k+l}{k} = \binom{k+l}{l} = \frac{(k+l)!}{k!l!}$.

Теперь, чтобы получить число всех возможных комбинаций для размера $n=3m$, вычислим сумму $S_n = S_{\frac{3(m-1)}{2},1} + S_{\frac{3(m-3)}{2},3} + S_{\frac{3(m-5)}{2},5} + \dots + S_{0,m} = \frac{\left(\frac{3(m-1)}{2}+1\right)!}{\left(\frac{3(m-1)}{2}\right)! \times 1!} + \frac{\left(\frac{3(m-3)}{2}+3\right)!}{\left(\frac{3(m-3)}{2}\right)! \times 3!} + \frac{\left(\frac{3(m-5)}{2}+5\right)!}{\left(\frac{3(m-5)}{2}\right)! \times 5!} + \dots + \frac{m!}{m!} = \frac{\left(\frac{3m-1}{2}\right)!}{\left(\frac{3(m-1)}{2}\right)! \times 1!} + \frac{\left(\frac{3m-3}{2}\right)!}{\left(\frac{3(m-3)}{2}\right)! \times 3!} + \frac{\left(\frac{3m-5}{2}\right)!}{\left(\frac{3(m-5)}{2}\right)! \times 5!} + \dots + \frac{m!}{m!}$ (всего $\frac{m+1}{2}$ слагаемых).

Применим полученную формулу для нахождения числа всевозможных комбинаций, например, для размера $21=3 \times 7$.

$$S_{21} = S_{9,1} + S_{6,3} + S_{3,5} + S_{0,7} = \frac{(9+1)!}{9!1!} + \frac{(6+3)!}{6!3!} + \frac{(3+5)!}{3!5!} + \frac{(0+7)!}{0!7!} = 151$$

Теперь найдем число комбинаций для нечетного размера вида $n=3m+2$, принадлежащего второму классу:

$$S_n = S_{\frac{3m-1}{2},1} + S_{\frac{3m-7}{2},3} + S_{\frac{3m-13}{2},5} + \dots + S_{1,m} = \frac{\left(\frac{3m+1}{2}\right)!}{\left(\frac{3m-1}{2}\right)! \times 1!} + \frac{\left(\frac{3m-1}{2}\right)!}{\left(\frac{3m-7}{2}\right)! \times 3!} + \frac{\left(\frac{3m-3}{2}\right)!}{\left(\frac{3m-13}{2}\right)! \times 5!} + \dots + \frac{(1+m)!}{1! \times m!}$$
 (всего $\frac{m+1}{2}$ слагаемых).

Подсчитаем, например, число всевозможных комбинаций для $n=17=3 \times 5+2$.

$$S_{17} = S_{7,1} + S_{4,3} + S_{1,5} = \frac{8!}{7! \times 1!} + \frac{7!}{4! \times 3!} + \frac{6!}{1! \times 5!} = 49$$

И, наконец, рассмотрим третий класс нечетных размеров, представимых в виде $n=3m+4$.

$$\text{Для него } S_n = S_{\frac{3m+1}{2},1} + S_{\frac{3m-5}{2},3} + S_{\frac{3m-11}{2},5} + \dots + S_{2,m} = \frac{\left(\frac{3m+3}{2}\right)!}{\left(\frac{3m+1}{2}\right)! \times 1!} + \frac{\left(\frac{3m+1}{2}\right)!}{\left(\frac{3m-5}{2}\right)! \times 3!} + \frac{\left(\frac{3m-1}{2}\right)!}{\left(\frac{3m-11}{2}\right)! \times 5!} + \dots + \frac{(2+m)!}{2! \times m!}$$
 (всего $\frac{m+1}{2}$ слагаемых).

Подсчитаем для примера S_{13} :

$$S_{13} = \frac{6!}{5! \times 1!} + \frac{5!}{2! \times 3!} = 16.$$

Перейдем к четным разрядам.

Очевидно, что все четные разряды тоже можно разбить на три класса чисел: $3p$, $3p+2$ и $3p+4$, где p – четное число, включая 0.

Рассмотрим первый класс четных размеров, для которого $n=3p$.

$$S_n = S_{\frac{3p}{2},0} + S_{\frac{3p-6}{2},2} + S_{\frac{3p-12}{2},4} + \dots + S_{0,p} = \frac{\left(\frac{3p}{2}\right)!}{\left(\frac{3p}{2}\right)!} + \frac{\left(\frac{3p-2}{2}\right)!}{\left(\frac{3(p-2)}{2}\right)! \times 2!} + \frac{\left(\frac{3p-4}{2}\right)!}{\left(\frac{3(p-4)}{2}\right)! \times 4!} + \dots + \frac{p!}{p!}$$
 (всего $\frac{p}{2} + 1$ слагаемых).

Найдем, например, S_{12} ($n=3 \times 4$).

$$\text{Получим: } S_{12} = \frac{\left(\frac{3 \times 4}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 4}{2}\right)!} + \frac{\left(\frac{3 \times 4 - 2}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 4 - 2}{2}\right)! \times 2!} + \frac{\left(\frac{3 \times 4 - 4}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 4 - 4}{2}\right)! \times 4!} = 1 + 10 + 1 = 12$$

То есть для размера 12 число всевозможных ритмических структур, составленных из двоек и троек, тоже равно 12. Интересно, что только этот размер обладает таким удивительным свойством. Можно доказать, что для размеров n , больших 12, S_n всегда больше n , а для размеров n , меньших 12, – всегда меньше.

Для второго класса четных размеров, представимых в виде $n=3p+2$, имеем:

$$S_n = S_{\frac{3p+2}{2},0} + S_{\frac{3p-4}{2},2} + S_{\frac{3p-10}{2},4} + \dots + S_{1,p} =$$

$$\frac{\left(\frac{3p+2}{2}\right)!}{\left(\frac{3p+2}{2}\right)!} + \frac{\left(\frac{3p}{2}\right)!}{\left(\frac{3p-4}{2}\right)! \times 2!} + \frac{\left(\frac{3p-2}{2}\right)!}{\left(\frac{3p-10}{2}\right)! \times 4!} + \dots + \frac{(1+p)!}{1!p!} \quad (\text{всего } \frac{p}{2} + 1 \text{ слагаемых})$$

В качестве примера найдем S_8 ($n=3 \times 2 + 2$).

Получим:

$$S_8 = \frac{\left(\frac{3 \times 2 + 2}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 2 + 2}{2}\right)!} + \frac{\left(\frac{3 \times 2}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 2 - 2}{2}\right)! \times 2!} = 1 + 3 = 4$$

И, наконец, для третьего класса четных размеров, представимых в виде $n=3p+4$, имеем:

$$S_n = S_{\frac{3p+4}{2},0} + S_{\frac{3p-2}{2},2} + S_{\frac{3p-8}{2},4} + \dots + S_{2,p} =$$

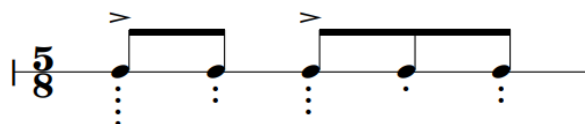
$$\frac{\left(\frac{3p+4}{2}\right)!}{\left(\frac{3p+4}{2}\right)!} + \frac{\left(\frac{3p+2}{2}\right)!}{\left(\frac{3p-2}{2}\right)! \times 2!} + \frac{\left(\frac{3p}{2}\right)!}{\left(\frac{3p-8}{2}\right)! \times 4!} + \dots + \frac{(2+p)!}{2!p!} \quad (\text{всего } \frac{p}{2} + 1 \text{ слагаемых})$$

Найдем, в качестве примера, S_{10} ($n=3 \times 2 + 4$).

$$\text{Получим: } S_{10} = \frac{\left(\frac{3 \times 2 + 4}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 2 + 4}{2}\right)!} + \frac{\left(\frac{3 \times 2 + 2}{2}\right)!}{\left(\frac{3 \times 2 - 2}{2}\right)! \times 2!} = 1 + 6 = 7$$

Помимо грубого деления на двойки и тройки, в балканской музыке большую роль играет тонкая ритмическая акцентировка, имеющая сложную иерархическую структуру.

Рассмотрим ее на примере пятидольной ритмической структуры *Пайдушко*:



Здесь относительная сила каждой доли показана соответствующим количеством точек, из чего можно вывести их иерархическую соподчиненность. Главная доля – первая. За ней в порядке убывания следуют третья, потом – вторая и пятая и, наконец, самая слабая – четвертая. Разумеется, подобное распределение не следует понимать буквально:

исполнитель может сдвигать акценты, а, кроме того, некоторые доли могут пропускаться. Это всего лишь общая схема. По мере увеличения размера, она усложняется.

В литературе по балканской музыке иногда используют так называемую *македонскую ритмическую нотацию*. В ней каждая структура описывается: 1) общим числом двоек и троек в разбиении, 2) серией порядковых номеров, которые в этом разбиении занимают тройки. Первым указывается общее число двоек и троек, затем – после косой черты – порядковые номера троек, отделенные друг от друга запятой.

Приведем пример.

Рассмотрим ритмическую структуру $|18|=|3+2+2+2+2+3+2+2|$ (*Йовино Хоро*):



Общее число двоек и троек в ней равно 8. Порядковый номер первой тройки в разбиении равен 1, второй тройки – 6. В македонской нотации данная структура будет выглядеть следующим образом: 8/1,6.

Такой тип нотации позволяет описывать ритмические структуры в более компактном виде, чем с помощью выписанных подряд двоек и троек, но, разумеется, не так же наглядно.

Македонскую нотацию удобно использовать для классификации балканских ритмических структур. При этом можно выделить три классификационные единицы – *класс*, *семейство* и *вид* ритмической структуры.

Класс задается общим числом долей в ритмических структурах, то есть их размером. Таким образом, можно выделить классы ритмических структур на 2, на 3 доли и т. д. Будем упорядочивать классы по возрастанию размера.

Семейство задается общим числом двоек и троек. Допустим, в классе с порядковым номером n рассматривается семейство с порядковым номером m . Это означает, что число долей в ритме равно n , а общее число двоек и троек равно m . Тогда число двоек и число троек при этом определяются однозначно, а именно число двоек равно $3m-n$, а число троек равно $n-2m$.

Доказательство совершенно элементарно. Докажем, например, что число двоек равно $3m-n$. Пусть число двоек в данном семействе равно x . Тогда, очевидно, число троек равно $m-x$. Составляем уравнение: $n=2x+3(m-x)$. Решая его, получаем: $x=3m-n$.

Семейства упорядочиваются по возрастанию общего числа двоек и троек.

Вид ритмической структуры задается конкретным распределением двоек и троек. При этом македонская нотация данной ритмической структуры переводится в двоичное число, число разрядов в котором равно общему числу двоек и троек. В разряды, соответствующие двойке, ставим нули, а в разряды, соответствующие тройке, – единицы.

Например, вышеприведенной структуре $8/1,6$ соответствует двоичное число 10000100. Ритмической структуре $8/3,4$ соответствует двоичное число 00110000. Упорядочивание видов ритмических структур осуществляется по возрастанию соответствующих двоичных чисел, причем начальные нули (если они есть) не учитываются. В нашем примере $10000100 > 00110000$, следовательно, структура $8/1,6$ в классификационном ряду будет стоять следовател после структуры $8/3,4$.

Балканская музыка изобилует *переменными размерами*, которые мы будем отличать от *постоянных*, пусть даже очень сложных размеров. Отличие это довольно тонкое, и на него не всегда обращают внимания теоретики и музыковеды. Постоянный размер несколько раз укладывается в структуру **всего** произведения. Напротив, в случае переменного размера **все** произведение или его крупная составная часть (например, куплет или припев) не укладывается даже в два повторения одной и той же ритмической структуры. Для балканской музыки характерны также так называемые *полупеременные размеры*. В них число долей в такте одно и то же, но внутренняя акцентировка долей постоянно меняется – соответственно меняется и размер.



Автор на спектакле “Балканский феномен” в московском театре “Школа драматического искусства” (фото Натальи Чебан).



С перкуссионистом и руководителем барабанной студии “Дарбакеш” Сергеем Кузнецовым.



С исполнителем на этнических духовых инструментах Павлом Шмыревым.